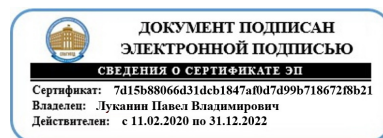


УТВЕРЖДАЮ
Директор ВШТЭ



Рабочая программа дисциплины

Б1.О.36 Теория игр и исследование операций

Учебный план: ФГОС3++b010302-1_19-14.plx

Кафедра: **16** Прикладной математики и информатики

Направление подготовки:
(специальность) 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Профиль подготовки: Прикладная математика и информатика
(специализация)

Уровень образования: бакалавриат

Форма обучения: очная

План учебного процесса

Семестр (курс для ЗАО)		Контактная работа обучающихся		Сам. работа	Контроль, час.	Трудоёмкость, ЗЕТ	Форма промежуточной аттестации
		Лекции	Практ. занятия				
7	УП	17	34	56,75	0,25	3	Зачет
	РПД	17	34	56,75	0,25	3	
Итого	УП	17	34	56,75	0,25	3	
	РПД	17	34	56,75	0,25	3	

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика, утверждённым приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 10.01.2018 г. № 9

Составитель (и):

старший преподаватель

Леонова Н.Л.

От кафедры составителя:

Заведующий кафедрой прикладной математики и информатики

Яковлев В.П.

От выпускающей кафедры:

Заведующий кафедрой

Яковлев В.П.

Методический отдел:

1 ВВЕДЕНИЕ К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1 Цель дисциплины: изучение основных понятий, утверждений и методов, играющих фундаментальную роль в моделировании процесса выработки решений, овладение методикой операционного исследования, усвоение вопросов теории и практики построения и анализа операционных моделей в различных областях.

1.2 Задачи дисциплины:

- Рассмотреть:
решение задач линейного (ЛП) программирования графическим методом, проведение анализа решения задачи ЛП на чувствительность к принятой модели на основе графического решения и с помощью двойственной задачи; транспортные задачи; упрощение игровых задач путем исключения дублирующих и заранее невыгодных стратегий, решения матричных игровых задач различными методами.

- Научить понимать и применять:

основные методы принятия решений в условиях риска и неопределенности, аналитическими и графическими методами решения задач теории игр, исследования операций, методами расчета основных параметров моделей управления запасами, методами построения сетевых графиков и расчета временных параметров событий и работ.

1.3 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Предварительная подготовка предполагает создание основы для формирования компетенций, указанных в п. 2, при изучении дисциплин:

Алгебра и геометрия

Информационные технологии

Экономика

Планирование и организация научных исследований

Математический анализ

Теория вероятностей и математическая статистика

Дискретная математика

Основы системного анализа

2 КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

ОПК-3: Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности

Знать: математические модели теории игр и исследования операций, используемые для решения задач в области профессиональной деятельности.

Уметь: применять и модифицировать математические модели теории игр и исследования операций для решения задач в области профессиональной деятельности.
--

Владеть: навыками применения и модификации математических моделей теории игр и исследования операций для решения задач в области профессиональной деятельности

ОПК-1: Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности

Знать: базовые теоретические положения в области теории игр и исследования операций.

Уметь: использовать базовые теоретические положения дисциплины «Теория игр и исследование операций» в профессиональной деятельности.

Владеть: навыками выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний в области теории игр и исследования операций.
--

3 РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Наименование и содержание разделов, тем и учебных занятий	Семестр (курс для ЗАО)	Контактная работа		СР (часы)	Инновац. формы занятий	Форма текущего контроля
		Лек. (часы)	Пр. (часы)			
Раздел 1. Исследование операций.	7					О
Тема 1. Исследование операций основные понятия и виды задач. Общая постановка задачи исследования операций: детерминированный случай и оптимизация в условиях неопределенности. Оценка операций по нескольким показателям эффективности (понятие векторной оптимизации). Классификация задач математического программирования. Линейные модели, примеры задач линейного программирования (ЛП). Методы решения задач ЛП. Двойственные задачи ЛП, их свойства. Анализ решения задачи (ЛП) на чувствительность к принятой модели на основе графического решения задачи и с помощью двойственной задачи (ЛП).		2	4	7	АС	
Тема 2. Транспортная задача линейного программирования (ТЗЛП): постановка и качественный анализ. Построение опорного плана. Поиск начального плана перевозок методом северо-западного угла, методом Фогеля. Методы решения транспортных задач. Схема метода потенциалов. Решение ТЗЛП методом потенциалов.		2	4	7		
Тема 3. Динамическое программирование. Метод динамического программирования. Примеры решения задач динамического программирования. Прокладка наивыгоднейшего пути между двумя пунктами. Задача о загрузке машины. Задача динамического программирования в общем виде.		2	4	7		
Тема 4. Целочисленное программирование. Примеры задач. Алгоритмы решения. Метод ветвей и границ.		2	2	6		
Раздел 2. Теория игр.						О

Тема 5. Матричные игры. Антагонистические игры. Антагонистические матричные игры. Чистые и смешанные стратегии. Теорема Неймана. Теорема об оптимальных смешанных стратегиях. Решение и геометрическая интерпретация игр $2 \times n$ и $m \times 2$. Исключение доминируемых и дублирующих стратегий. Обобщенное правило доминирования. Связь с прямой и двойственной задачами линейного программирования. Вполне смешанная игра. Теорема Петросяна. Симметричная игра. Теорема об оптимальном решении в симметричной игре.		2	4	6	АС	
--	--	---	---	---	----	--

Тема 6. Неантагонистические бескоалиционные игры. Определение бескоалиционной игры. Смешанное расширение игры. Ситуации равновесия в играх многих лиц. Биматричные игры. Чистые стратегии и платежные матрицы игроков. Формы записи биматричных игр. Примеры биматричных игр в экономике. Смешанные стратегии и средние выигрыши игроков. Равновесная ситуация. Теорема Нэша. Система неравенств, определяющая равновесную ситуацию биматричной игры. 2х2 биматричные игры. Необходимые и достаточные условия равновесных ситуаций. Метод определения ситуаций равновесия по Нэшу в чистых стратегиях для биматричной игры mхn. Вполне смешанные стратегии и ситуации равновесия по Нэшу.		3	5	8,75		
Тема 7. Позиционные игры. Конечно-шаговые игры с полной и неполной информацией. Дерево игры. Информационные множества. Нормализация игры. Позиционные игры с полной информацией. Неантагонистические позиционные игры. Ситуация абсолютного равновесия по Нэшу. Примеры использования аппарата позиционных игр в экономике.		2	6	8		
Тема 8. Кооперативные игры. Определение кооперативной игры. Оптимальность по Парето. Переговорное множество кооперативной игры. Метод идеальной точки. Арбитражная схема Нэша. Применение аппарата теории кооперативных игр для анализа проблем микроэкономики. Игры в форме характеристической функции. Делёж в кооперативной игре. Существенные и несущественные игры. Вектор Шепли: существование и нахождение. Примеры приложений в экономике.		2	5	7		
Итого в семестре (на курсе для ЗАО)		17	34	56,75		
Консультации и промежуточная аттестация (Зачет)		0,25				
Всего контактная работа и СР по дисциплине		51,25		56,75		

4 КУРСОВОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ

Курсовое проектирование учебным планом не предусмотрено

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

5.1 Описание показателей, критериев и системы оценивания результатов обучения

5.1.1 Показатели оценивания

Код компетенции	Показатели оценивания результатов обучения	Наименование оценочного средства
ОПК-3	1. Излагает основные понятия и законы теории игр и исследования операций. 2. Умеет на практике реализовать методы исследования операций и теории игр, формулирует исходную проблему, строит математическую модель, проверяет адекватность модели и	Вопросы устного собеседования Практико-ориентированные задания

	реализует решение. 3 Способен при решении задач выбирать и использовать компьютерные технологии.	
ОПК-1	1. Перечисляет модели теории игр и исследования операций, используемые для решения задач в области профессиональной деятельности. 2 Анализирует информацию и строит математические модели теории игр и исследования операций для решения задач в области профессиональной деятельности 3. Демонстрирует способность выбрать алгоритм решения задачи и реализовать его в выбранной компьютерной среде для решения задач в области профессиональной деятельности	Вопросы устного собеседования Практико-ориентированные задания

5.1.2 Система и критерии оценивания

Шкала оценивания	Критерии оценивания сформированности компетенций	
	Устное собеседование	Письменная работа
Зачтено	Обучающийся показывает всестороннее и глубокое знание теоретических основ дисциплины, свободно ориентируется в основных понятиях, терминах и определениях при ответе; знаком с дополнительной литературой; способен проработать научно-исследовательскую литературу по темам дисциплины и грамотно изложить материал. Решает практические задачи, может объяснить взаимосвязь основных законов исследования операций и теории игр с математическими моделями и методами решения задач.	
Не зачтено	Обучающийся не знает теоретических основ дисциплины, способен проработать научно-исследовательскую литературу по темам дисциплины, но не может грамотно и четко изложить материал, допускает ошибки при решении практических задач.	

5.2 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

5.2.1 Перечень контрольных вопросов

№ п/п	Формулировки вопросов
Семестр 7	
1	Предмет исследования операций. Основные понятия и принципы исследования операций.
2	Определение исследования операций. Классификация задач исследования операций.
3	Линейное программирование: примеры задач.
4	Допустимые и оптимальные решения задач линейного программирования. Критерий оптимальности векторов. Взаимная двойственность задач. Теорема двойственности
5	Графический метод решения задач линейного программирования.
6	Симплекс-метод решения задач линейного программирования. Алгоритм симплекс-метода
7	Транспортная задача линейного программирования на минимум. Основные теоремы.
8	Методы построения опорного решения транспортной задачи на минимум.
9	Метод потенциалов решения транспортной задачи линейного программирования на минимум и его обоснование.
10	Решение транспортных задач на минимум с ограничениями пропускной способности.
11	Задача динамического программирования в общем виде. Принцип оптимальности Беллмана. Алгоритм решения задач динамического программирования.
12	Решение задачи об использовании ресурсов методом динамического программирования – вывод рекуррентных соотношений.
13	Решение задачи «о рюкзаке» методом динамического программирования – вывод рекуррентных соотношений.

14	Методы решения задач целочисленного программирования: метод ветвей и границ решения задачи о коммивояжере.
15	Графический метод решения задач целочисленного линейного программирования. Решение задач целочисленного линейного программирования методом отсечений Гомори.
16	Классификация игр и методов решения игровых задач.
17	Оптимальность в антагонистических играх. Доминирование стратегий.
18	Принцип максимина-минимакса. Ситуация равновесия в чистых стратегиях.
19	Седловая точка. Значение игры.
20	Смешанные стратегии. Существование решения в смешанных стратегиях.
21	Решение игры "2*2", графический метод решения игры "2*2". Графоаналитический метод решения игр "2*n", "m*2".
22	Матричные игры и линейное программирование.
23	Определение бескоалиционной игры в нормальной форме.
24	Биматричные игры. Примеры. Эквивалентные игры.
25	Решения бескоалиционных игр.
26	Игры с природой. Критерии выбора оптимальной стратегии
27	Критерии Лапласа, Вальда, Гурвица, Сэвиджа. Примеры.
28	Игра, разрешимая в строгом смысле. Многоугольник выигрышей.
29	Ситуация равновесия по Нэшу. Теорема Нэша.
30	Оптимальность по Парето.
31	Кооперативная игра двух лиц.

5.2.2 Типовые тестовые задания

Не предусмотрено.

5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)

Типовые практико-ориентированные задания находятся в приложении к данной РПД.

5.3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, владений (навыков и (или) практического опыта деятельности)

5.3.1 Условия допуска обучающегося к промежуточной аттестации и порядок ликвидации академической задолженности

Проведение промежуточной аттестации регламентировано локальным нормативным актом СПбГУПТД «Положение о проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся»

5.3.2 Форма проведения промежуточной аттестации по дисциплине

Устная ☒ Письменная ☐ Компьютерное тестирование ☐ Иная ☐

5.3.3 Особенности проведения промежуточной аттестации по дисциплине

- Возможность пользоваться справочным материалом.
- Время на подготовку ответа по вопросам 15 минут.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1 Учебная литература

Автор	Заглавие	Издательство	Год издания	Ссылка
6.1.1 Основная учебная литература				
Прокопенко Н. Ю.	Исследование операций	Нижний Новгород: Нижегородский государственный архитектурно-строительный университет, ЭБС АСВ	2018	http://www.iprbookshop.ru/80898.html
Салмина Н. Ю.	Теория игр	Томск: Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, Эль Контент	2015	http://www.iprbookshop.ru/69994.html

Кулешова Т. А., Облаухова М. В.	Теория игр в принятии оптимальных решений	Новосибирск: Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики	2018	http://www.iprbooksh op.ru/84082.html
Брусенцев А. Г., Петрашев В. И., Рязанов Ю. Д.	Исследование операций и теория игр	Белгород: Белгородский государственный технологический университет им. В.Г. Шухова, ЭБС АСВ	2012	http://www.iprbooksh op.ru/49709.html
6.1.2 Дополнительная учебная литература				
Н.Л. Леонова	Задачи линейного программирования и методы их решения [Текст]: учебно-методическое пособие	М-во образования и науки РФ, ВШТЭ СПбГУПТД. – СПб.: ВШТЭ СПбГУПТД	2017	http://www.nizrp.naro d.ru/metod/kafpriklm atiif/15.pdf
Алехин В. В.	Эконометрика: теория игр в экономике	Ростов-на-Дону: Южный федеральный университет	2011	http://www.iprbooksh op.ru/47196.html
Ловянников Д. Г., Глазкова И. Ю.	Исследование операций	Ставрополь: Северо- Кавказский федеральный университет	2017	http://www.iprbooksh op.ru/75575.html
Половина И. П.	Исследование операций	Пермь: Пермский государственный гуманитарно- педагогический университет	2017	http://www.iprbooksh op.ru/70625.html
Гуц А. К., Вахний Т. В.	Теория игр и защита компьютерных систем	Омск: Омский государственный университет им. Ф.М. Достоевского	2013	http://www.iprbooksh op.ru/24947.html
Закиров А. А., Майзенберг Т. Л., Семенова Н. В.	Теория игр. Часть 2. Биматричные игры. Арбитражная схема	Москва: Издательский Дом МИСиС	2016	http://www.iprbooksh op.ru/64205.html
Демин Д. Б.	Методические указания и контрольные задания по дисциплине Теория игр	Москва: Московский технический университет связи и информатики	2014	http://www.iprbooksh op.ru/61764.html

6.2 Перечень профессиональных баз данных и информационно-справочных систем

Электронно-библиотечная система IPRbooks [Электронный ресурс]. URL: <http://www.iprbookshop.ru/>
 Электронная библиотека ВШТЭ СПбГУПТД [Электронный ресурс]. URL: <http://nizrp.narod.ru>

6.3 Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

Microsoft Windows 8
 Microsoft Office Professional 2013
 PTC Mathcad 15

6.4 Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Аудитория	Оснащение
Лекционная аудитория	Мультимедийное оборудование, специализированная мебель, доска

Учебная аудитория	Мультимедийное оборудование, специализированная мебель, доска
Компьютерный класс	Мультимедийное оборудование, компьютерная техника с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду

Приложение

Приложение

рабочей программы дисциплины Теория игр и исследование операций

по направлению подготовки 010302 Прикладная математика и информатика
наименование ОП (профиля): Прикладная математика и информатика

5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)

№ п/п	Условия типовых практико-ориентированных заданий (задач, кейсов)																							
Семестр 7																								
1	Построить математическую модель задачи. Чтобы при откорме животных весом 30—40 кг получить средний привес 300—400 г, по нормам в дневном рационе должны содержаться питательные вещества в следующем количестве: кормовых единиц — не менее 1,6 кг; перевариваемого протеина — не менее 200 г, каротина — не менее 10 мг. При откорме используют ячмень, бобы и сенную муку. Содержание питательных веществ в 1 кг этих кормов и стоимости 1 кг корма приведены в табл. Составить дневной рацион удовлетворяющий данной питательности при минимальной стоимости. <table><tr><th rowspan="2">Наименование питательного вещества</th><th colspan="3">Количество единиц питательных веществ, содержащихся в 1 кг корма</th></tr><tr><th>ячмень</th><th>бобы</th><th>сенная мука</th></tr><tr><td>Кормовые единицы, кг</td><td>1,2</td><td>1,4</td><td>0,8</td></tr><tr><td>Перевариваемый протеин, г</td><td>80</td><td>280</td><td>240</td></tr><tr><td>Каротин, мг</td><td>5</td><td>5</td><td>100</td></tr><tr><td>Цена 1 кг корма (в коп.)</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	Наименование питательного вещества	Количество единиц питательных веществ, содержащихся в 1 кг корма			ячмень	бобы	сенная мука	Кормовые единицы, кг	1,2	1,4	0,8	Перевариваемый протеин, г	80	280	240	Каротин, мг	5	5	100	Цена 1 кг корма (в коп.)	3	4	5
Наименование питательного вещества	Количество единиц питательных веществ, содержащихся в 1 кг корма																							
	ячмень	бобы	сенная мука																					
Кормовые единицы, кг	1,2	1,4	0,8																					
Перевариваемый протеин, г	80	280	240																					
Каротин, мг	5	5	100																					
Цена 1 кг корма (в коп.)	3	4	5																					
2	Решить ЗЛП геометрическим методом. $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 1 \\ x_1 - x_2 \leq 1 \\ x_1 \geq 0 \\ x_2 \geq 0 \end{cases}$ $F_{\max} = x_1 + 2x_2$																							
3	Решить задачу симплекс-методом и проверить решение, используя MS Excel (надстройку «Поиск решения»). Предприятие выпускает два вида продукции: I и II. Для производства единицы продукции вида I последовательно используется 2 ед. оборудования типа А, оборудования типа В не используется, 4 ед. оборудования типа С. Для производства единицы продукции вида II используется 1 ед. оборудования типа А, 6 ед. типа В, тип С не используется. Сколько единиц продукции каждого вида должно выпускать предприятие, чтобы получить наибольший доход, если известно, что каждая единица продукции вида I дает предприятию 3 руб., а вида II – 5 руб. дохода?																							

4

Составить матрицу A для матричной «Игры на уклонение»: 1 и 2 игроки одновременно выбирают целые числа i и j ($1 \leq i \leq 4, 1 \leq j \leq 4$), при этом 1 игрок выигрывает величину $|i - j|$. Определить, существует ли решение этой игры в чистых стратегиях.